

Corrigé du baccalauréat Première Métropole-La Réunion
série générale e3c n° 50 année 2020

Exercice 1

5 points

Question 1

$$e^x \times e^{x+2} = e^{x+x+2} = e^{2x+2}.$$

Question 2

Une équation de la tangente au point $(1; g(1))$ est $y - g(1) = g'(1)(x - 1)$ ou $y = g'(1)(x - 1) + g(1)$.

Question 3

On sait qu'une équation de (d) est $7x - 4y + c = 0$.

$$\text{Or } A(-2; 3) \in (d) \iff -2 \times 7 - 4 \times 3 + c = 0 \iff -26 + c = 0 \iff c = 26.$$

Une équation de (d) est donc $7x - 4y + 26 = 0$ ou $-7x + 4y - 26 = 0$.

Question 4

La fonction cos est périodique de période 2π , donc $\cos(t + 4\pi) = \cos t$.

La fonction cos est paire donc $\cos(-t) = \cos(t)$.

$$\text{D'où } \cos(t + 4\pi) + \cos(-t) = \cos(t) + \cos(t) = 2\cos(t) = 2 \times \frac{2}{3} = \frac{4}{3}.$$

Question 5

$y = -x^2 + 6x - 9 = -(x^2 - 6x + 9) = -(x - 3)^2$, donc $y = 0$ si et seulement si $(x - 3)^2 = 0 \Rightarrow x - 3 = 0 \Rightarrow x = 3$. Le seul point commun à (P) et à l'axe des abscisses est le point de coordonnées $(3; 0)$.

Exercice 2

5 points

1. a. L'aire du rectangle est $xy = 49$, d'où $y = \frac{49}{x}$, puisque $x \neq 0$.

$$\text{Le périmètre du rectangle est : } p(x) = 2(x + y) = 2\left(x + \frac{49}{x}\right).$$

- b. On a donc $p(10) = 2\left(10 + \frac{49}{10}\right) = 2(10 + 4,9) = 2 \times 14,9 = 29,8$.

$$\text{On a } p(x) = 2x + 2 \times \frac{49}{x} = 2x + \frac{98}{x} = f(x).$$

2. On dérive f comme somme de fonctions dérivables :

$$f'(x) = 2 - \frac{98}{x^2} = \frac{2x^2 - 98}{x^2}$$

3. Comme $x > 0 \Rightarrow x^2 > 0$, on déduit que le signe de $f'(x)$ est celui de son numérateur.

• $2x^2 - 98 > 0 \iff 2(x^2 - 49) > 0 \iff x^2 - 49 > 0$: on sait que le trinôme $x^2 - 49$ est positif sauf sur l'intervalle $] -7; 7[$.

• $2x^2 - 98 < 0 \iff 2(x^2 - 49) < 0 \iff x^2 - 49 < 0$: on sait que le trinôme $x^2 - 49$ est négatif sur l'intervalle $] -7; 7[$.

• $2x^2 - 98 = 0 \iff x = -7$ ou $x = 7$.

On en déduit que la fonction f est

• croissante sur $]7; +\infty[$;

• décroissante sur $]0; 7[$;

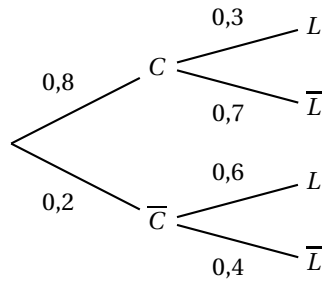
• et a pour minimum $f(7) = 2 \times 7 + \frac{48}{7} = 14 + 7 = 21$.

4. Si $x = 7$, alors $y = \frac{49}{7} = 7$: parmi tous les rectangles d'aire donnée celui qui a le plus petit périmètre est le carré.

Exercice 3

5 points

1. En faisant le complément à 100 des pourcentages donnés on peut dresser l'arbre pondéré suivant :



2. On a : $P(C \cap L) = P(C) \times P_C(L) = 0,8 \times 0,3 = 0,24$.
3. On a de même : $P(\overline{C} \cap L) = P(\overline{C}) \times P_{\overline{C}}(L) = 0,2 \times 0,6 = 0,12$.
D'après la loi des probabilités totales :
 $P(L) = P(C \cap L) + P(\overline{C} \cap L) = 0,24 + 0,12 = 0,36$.
4. a. D'après la question précédente $P(X = 4000) = P(L) = 0,36$ et par conséquent $P(X = 2500) = P(\overline{L}) = 1 - 0,36 = 0,64$.
- b. L'espérance de X est égale à la somme des termes $n_i \times P_i$, donc :
 $E(X) = 0,36 \times 4000 + 0,64 \times 2500 = 1440 + 1600 = 3040$.

Exercice 4**5 points**

1. Pour $n \geq 2$, on considère la fonction Python suivante.

```

def saut(n)
    s=8
    for k in range(2 n+1):
        s=s+0,1
    return s
  
```

- a. La commande `saut(4)` renvoie comme valeur de s , $8 + 4 \times 0,1 = 8,4$.
- b. Ceci signifie que la 5^e semaine Fanny fera des penta poids de 8,40 m.

Chaque semaine le penta bond est incrémenté de 0,1 m, donc $s_n = 8 + n \times 0,1$.

2. a. En gagnant 0,1 m chaque semaine il faudra à Fanny pour gagner $12 - 8 = 4$, $\frac{4}{0,1} = 40$.
- b. Il faut résoudre l'équation $s_n = 12$ soit $8 + 0,1 \times n = 12$ ou $0,1 \times n = 4$ ou en multipliant par 10, $n = 40$.
Fanny fera un penta bond de 12 m la 41^e semaine.