

⌘ Baccalauréat Première Métropole-La Réunion Série n° 2 ⌘
série technologique e3c n° 35 mai 2020

ÉPREUVE DE MATHÉMATIQUES - Première technologique

PARTIE I

Exercice 1

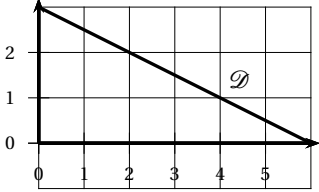
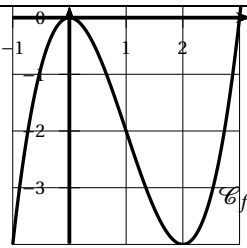
5 points

Automatismes

Sans calculatrice

Durée : 20 minutes

Pour chaque question, indiquer la réponse dans la case correspondante. Aucune justification n'est demandée.

	Énoncé	Réponse
1.	Développer et réduire l'expression $(x - 2)^2$.	
2.	Lors des soldes, le prix d'un article passe de 70 € à 28 €. Déterminer le pourcentage de baisse de ce prix.	
3.	<p>La droite \mathcal{D} est la représentation graphique d'une fonction affine définie sur \mathbb{R}.</p>  <p>Par lecture graphique, déterminer l'équation réduite de la droite \mathcal{D}.</p>	
<p>Pour les questions 4 et 5, on considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = -5x + 2$ et D la droite représentant cette fonction.</p>		
4.	Dresser le tableau de signes de la fonction f .	
5.	Calculer l'abscisse du point de la droite D qui a pour ordonnée $\frac{1}{3}$.	
6.	<p>Soit la fonction f définie sur $[-1 ; 3]$ dont la courbe représentative est donnée ci-contre.</p> <p>Par lecture graphique, dresser ci-dessous le tableau de variations de la fonction f sur l'intervalle $[-1 ; 3]$.</p>	
7.	Dans une classe de 32 élèves, 8 élèves étudient l'anglais. Quelle est la part, en pourcentage, des élèves étudiant l'anglais dans cette classe?	
8.	Calculer la somme $\frac{1}{4} + \frac{3}{5}$. Donner la réponse sous la forme d'une fraction irréductible.	
9.	Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $3x + 2 = -x + 1$.	
10.	La distance entre la Terre et la Lune est environ égale à 384 400 km. Écrire cette distance en écriture scientifique.	

PARTIE II

Calculatrice autorisée

Cette partie est composée de trois exercices indépendants

Exercice 2

5 points

L'Institut national de prévention et d'éducation pour la santé (INPES) a pour mission de mettre en œuvre, entre autres, des moyens de prévention et d'éducation pour la santé publique.

Pour lutter contre le tabagisme, l'INPES étudie la consommation de tabac au fil des ans. Une étude statistique montre qu'on peut modéliser le nombre moyen de cigarettes manufacturées par personne et par jour pour les années de 1900 à 2000 à l'aide de la fonction f définie sur $[0; 100]$ par :

$$f(t) = -0,00004t^3 + 0,0045t^2 + 0,6$$

où t est le temps écoulé en années depuis le 1^{er} janvier 1900. Par exemple, le nombre moyen de cigarettes manufacturées par personne et par jour en 1995 est donné par $f(95)$.

1. On note f' la fonction dérivée de la fonction f sur l'intervalle $[0; 100]$.

a. Calculer $f'(t)$ pour $t \in [0; 100]$.

b. Démontrer que, pour tout réel t de l'intervalle $[0; 100]$ on a :

$$f'(t) = -0,00012t(t - 75).$$

2. a. Étudier le signe de $f'(t)$ sur l'intervalle $[0; 100]$.

b. Construire le tableau de variations de la fonction f sur l'intervalle $[0; 100]$.

3. Un responsable annonce que depuis 1990, le nombre moyen de cigarettes manufacturées par personne et par jour est passé en-dessous de 8. L'annonce de ce responsable est-elle vraie?

Exercice 3

5 points

Soit la fonction f définie sur l'intervalle $[1; 3]$ par

$$f(x) = x^3 - x^2 - x - 1.$$

On donne le tableau de variations de f sur $[1; 3]$.

x	1	3
$f(x)$	-2	14

On admet que l'équation $f(x) = 0$ admet une unique solution α sur l'intervalle $[1; 3]$.

On souhaite déterminer une valeur approchée de α grâce à un algorithme de dichotomie.

1. Calculer $f(2)$ et en déduire que la valeur de α appartient à l'intervalle $[1; 2]$.

2. Cette question suivante est à traiter à l'aide d'un ordinateur et de Python.

Ouvrir le fichier *Sujet 9 exercice 3 algo a completer.py* puis compléter les lignes 3 et 8 du programme.

3. Donner une interprétation de la ligne 9 du programme.

4. Quelle valeur contient la variable `approcheAlpha` à l'issue de l'exécution du programme? Interpréter cette valeur dans le contexte de l'exercice.

5. Modifier le programme afin qu'il détermine une valeur approchée de α au millième près.

Exercice 4**5 points**

L'INSEE (Institut national de la statistique et des études économiques) publie tous les ans le nombre d'actifs et d'inactifs en France.

Le tableau ci-dessous donne la répartition de la population active et inactive (en milliers) en France en 2016.

Population (en milliers)	Femmes	Hommes	Total
Actifs	14 224	15 332	29 556
Inactifs	13 334	9 952	23 286
Total	27 558	25 284	52 842

Source : INSEE

1. Quelle était, en 2016, la proportion de personnes actives parmi les femmes? On donnera le résultat sous la forme d'un pourcentage arrondi à 0,1 %.
2. En France, en 2016, les femmes actives de 15-24 ans représentaient 9 % des femmes actives. Quel était, en milliers, le nombre de femmes actives de 15-24 ans cette année-là?
3. On choisit au hasard et de manière équiprobable une personne en France en 2016. On considère les événements suivants :
 - F : « La personne choisie est une femme ».
 - A : « La personne choisie est active ».

Dans la suite de cet exercice, les résultats des calculs sont à arrondir au centième.

- a. Calculer la probabilité de l'évènement F .
- b. Décrire par une phrase l'évènement $F \cap A$, puis calculer sa probabilité.
- c. Calculer la probabilité qu'on ait choisi un homme sachant que la personne choisie est inactive.