

♣ Baccalauréat Alger juin 1941 ♣

SÉRIE MATHÉMATIQUES

I

1^{er} sujet

Limite de $\frac{\sin x}{x}$ quand x tend vers 0.

Dérivées de $\sin x$, $\cos x$ et $\operatorname{tg} x$.

2^e sujet

Résoudre et discuter l'équation

$$a \cos x + b \sin x = c.$$

Application :

$$(m - 1) \cos x + (m + 1) \sin x = 1/2(3m + 1).$$

Pour quelles valeurs de m cette équation a-t-elle des racines?

Quand les solutions sont-elles toutes dans le premier quadrant?

3^e sujet

Résoudre un triangle, connaissant deux côtés a et b , et l'angle A opposé à l'un d'eux. - Discuter.

II

1. Soit un cercle (O) de diamètre AB; une droite (D) coupe la droite AB en C, et fait avec elle un angle u .
Le point Q décrit (D) et AQ coupe (O) en P. Soient M le milieu de PQ et M' celui de BC.
La perpendiculaire MN à PQ coupe BQ en I.
Trouver le lieu de I.
En déduire que MN reste tangente à une parabole dont on déterminera le foyer,
2. La droite MN' faisant avec PQ un angle constant v , la parallèle PB' à MN' coupe (O) en B', et B'Q coupe MN' en J.
Trouver le lieu de J.
En déduire que MN' reste tangente à une parabole (P) dont on déterminera le foyer F et la tangente au sommet (T).
3. Trouver le lieu de F quand v varie.
– Évaluer l'angle de l'axe de (P) avec AB, et montrer que cet axe passe par un point fixe qui ne dépend que de u .
– Montrer que (T) coupe le cercle de diamètre AM' en deux points dont l'un ne dépend que de u , et l'autre de v seulement.

4. On remplace la droite (D) par un cercle (O') que décrit Q. Montrer que la perpendiculaire MN reste tangente à une conique : discuter sa nature suivant la position relative de A et (O); déterminer son centre, ses foyers, son cercle principal et, s'il y a lieu, ses asymptotes.
5. Montrer que MN' reste aussi tangente à une conique dont on déterminera les foyers et le cercle principal, v étant donné.

N. B. - Question de cours : sur 10; problème : sur 20.