

☞ Épreuve anticipée de mathématiques (première) ☞

Voie générale – sans spécialité – Asie – 15 juin 2026

Sujet

A. P. M. E. P.

PREMIÈRE PARTIE : AUTOMATISMES – QCM (6 pts)

Pour cette première partie, aucune justification n'est demandée et une seule réponse est possible par question. Pour chaque question, reportez son numéro sur votre copie et indiquez votre réponse.

Une réponse fausse ou l'absence de réponse n'enlève aucun point.

Question 1

Un article de 5 g perd 10 % de sa masse. Sa nouvelle masse est :

- A. 4,0 g B. 4,1 g C. 4,5 g D. 4,9 g

Question 2

Pour augmenter un prix de 15 %, je dois le multiplier par :

- A. 0,15 B. 1,15 C. 0,85 D. 1,015

Question 3

On considère $A = \frac{2}{5}$. Alors :

- A. $A = 2,5 \%$ B. $A = 4 \%$ C. $A = 40 \%$ D. $A = 25 \%$

Question 4

On considère $B = (5^3)^4 \times 5^{10}$. Alors :

- A. $B = 5^{17}$ B. $B = 5^{120}$ C. $B = 5^{22}$ D. $B = 5^{70}$

Question 5

Le triple de 3^{12} est :

- A. 9^{12} B. 3^{36} C. 3^{13} D. 9^{36}

Question 6

Une expression développée de $(2x + 5)^2$ est :

- A. $4x^2 + 25$ B. $4x^2 + 10x + 25$ C. $2x^2 + 20x + 25$ D. $4x^2 + 20x + 25$

Question 7

L'ensemble des solutions de l'équation $x^2 = 5$ est :

- A. $\{-2,5; 2,5\}$ B. $\{\sqrt{5}\}$ C. $\{2,5\}$ D. $\{-\sqrt{5}; \sqrt{5}\}$

Question 8

En convertissant $3\,400\text{ mm}^3$ en cm^3 , on obtient :

- A. $3,4\text{ cm}^3$ B. 34 cm^3 C. 340 cm^3 D. $0,34\text{ cm}^3$

Question 9

En sachant que le point A de coordonnées $(-3; y_A)$ appartient à la courbe d'équation $y = x^2$, on a :

- A. $y_A = -9$ B. $y_A = -6$ C. $y_A = 6$ D. $y_A = 9$

Question 10

On lance un dé truqué à 4 faces. La probabilité d'obtenir chacune des faces est donnée par le tableau ci-dessous.

Face	Face numéro 1	Face numéro 2	Face numéro 3	Face numéro 4
Probabilité	0,1	0,25	0,3	x

On a alors :

- A. $x = 0,35$ B. $x = 0,45$ C. $x = 0,65$ D. $x = 0,60$

Question 11

Lequel de ces nombres est supérieur à 0,1 ?

- A. $\frac{1}{12}$ B. 10^{-2} C. $\frac{1}{5}$ D. 7%

Question 12

On considère $A = 3 \times \frac{2}{5} + 1$. On a :

- A. $A = \frac{11}{5}$ B. $A = \frac{7}{15}$ C. $A = \frac{11}{10}$ D. $A = \frac{11}{15}$

DEUXIÈME PARTIE (14 pts)

Exercice 1 (5 points)

Dans un lycée, des élèves de première souhaitent installer des vélos générateurs d'électricité dans la cafétéria pour recharger des téléphones portables.

À l'aide des quatre documents ci-dessous, indiquer si chacune des affirmations suivantes est vraie ou fausse. **Chaque réponse devra être justifiée.**

Affirmation 1 : Le budget du lycée permet de financer cinq vélos générateurs d'électricité (vélo, chargeur et livraison).

Affirmation 2 : Il faut pédaler pendant 24 minutes à intensité modérée pour recharger un téléphone portable à l'aide d'un vélo générateur d'électricité.

Affirmation 3 : On choisit au hasard un élève du lycée.

La probabilité que l'élève choisi soit un élève de première en sachant qu'il est favorable au projet est supérieure à un quart.

Affirmation 4 : Le projet des élèves de première va pouvoir être lancé.

Documents

Document 1 : Fiche d'un vélo générateur d'électricité

Tarifs pour l'installation de vélos générateurs d'électricité

- Coût d'un vélo sans chargeur : 300 €
- Coût du chargeur, pour chaque vélo : 45 €
- Coût de livraison par vélo : 60 €

Énergie produite par un vélo générateur d'électricité

Lorsqu'une personne pédale à intensité modérée pendant une heure, le dispositif permet de récupérer 100 kJ (kilojoules).

Document 2 : Énergie nécessaire pour charger quelques appareils

Appareils électroniques	Ordinateur portable	Casque audio	Téléphone portable	Montre connectée
Énergie moyenne nécessaire pour une charge complète	200 kJ	18 kJ	40 kJ	5 kJ

Document 3 : Résultats du sondage réalisé auprès des élèves du lycée sur les vélos générateurs d'électricité

	Favorable	Défavorable	Total
Seconde	260	170	430
Première	180	120	300
Terminale	120	150	270
Total	560	440	1000

Document 4 : Message de la proviseure du lycée aux élèves porteurs du projet**Objet : Lancement du projet "vélos générateurs d'électricité" – conditions à remplir**

Chers élèves de première,

Ce projet ne pourra être lancé que si les **deux critères suivants sont remplis** :

- **plus de la moitié des élèves du lycée** doivent se déclarer favorables à cette initiative ;
- **au moins 60 % des élèves de première** doivent également y être **favorables**.

Dans le cas où le projet serait validé, **le budget du lycée sera fixé à 2 000 €** pour financer l'achat des vélos et des chargeurs ainsi que la livraison des vélos.

Bien cordialement,

La Proviseure

Exercice 2 (7 points)

Vous venez de commencer une nouvelle partie d'un jeu vidéo au cours de laquelle votre personnage gagne de l'expérience et obtient de la potion magique.

Partie A – Gain d'expérience

Quand votre personnage passe d'un niveau au niveau supérieur, il gagne 80 points d'expérience. Quand vous commencez, votre personnage est au niveau 0 et a 20 points d'expérience.

1. Combien votre personnage a-t-il de points d'expérience quand il est au niveau 1 ?
2. Montrer que, quand votre personnage est au niveau 10, il a plus de 800 points d'expérience.
3. À quel niveau votre personnage est-il s'il a 2020 points d'expérience ?

Justifier par un calcul.

Partie B – Gain d'énergie magique

À la fin de chaque niveau, votre personnage doit neutraliser un monstre. Cela lui rapporte de l'énergie sous forme de potion magique. Au niveau 0, le monstre neutralisé permet de récupérer 10 centilitres (cl) de potion magique.

À chaque niveau, cette quantité augmente de 20 % par rapport au niveau précédent.

Arrondir les résultats, si nécessaire, au centilitre près.

Soit n un entier naturel.

On note v_n la quantité de potion magique (en cl) récupérée pour le monstre neutralisé au niveau n .

1. Expliquer pourquoi $v_0 = 10$.
2. Justifier que $v_{n+1} = 1,2v_n$ pour tout entier naturel n .
3. En déduire la nature de la suite (v_n) et préciser sa raison.
4. Exprimer v_n en fonction de n , pour tout entier naturel n .
5. **a.** Montrer que $v_5 \approx 25$.
b. Interpréter ce résultat dans le contexte de l'exercice.
6. À partir de quel niveau la quantité de potion magique récupérée par monstre neutralisé dépasse-t-elle 0,6 litre ?

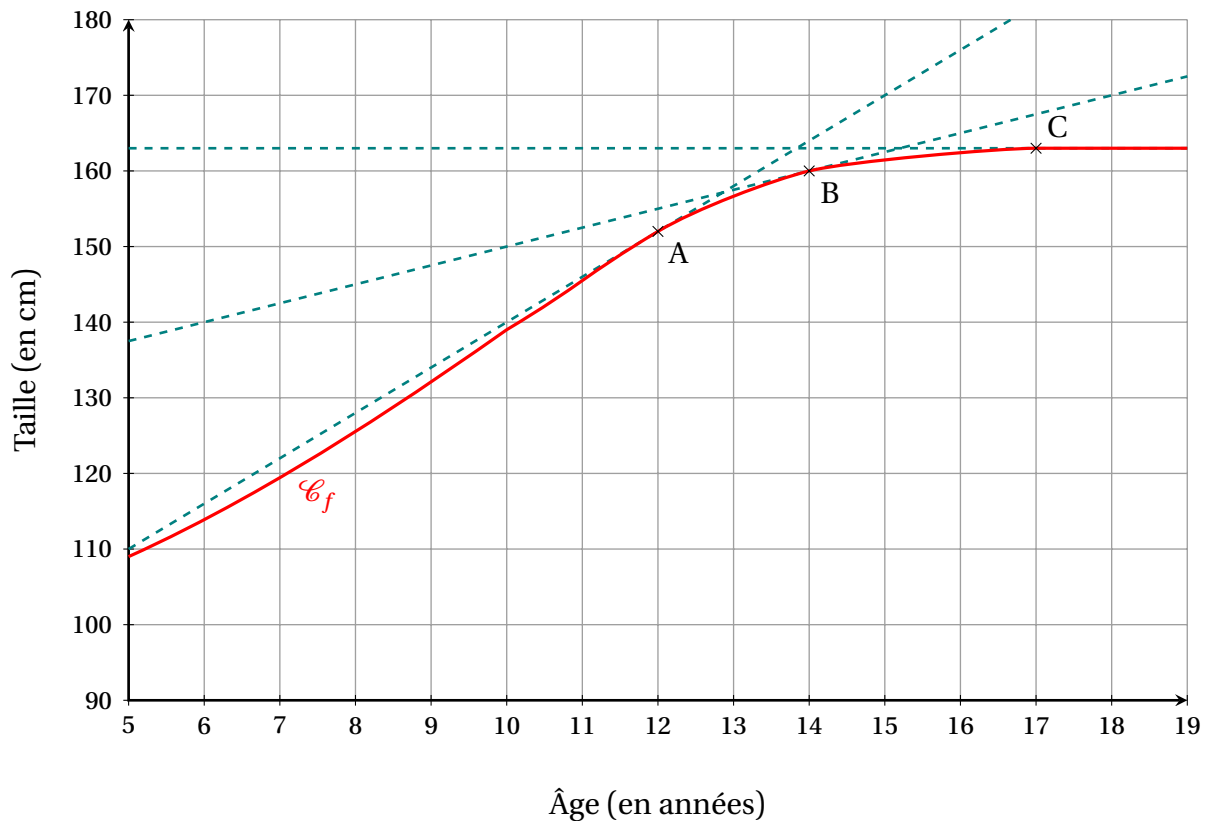
Aide aux calculs	
$1,2^2$	1,44
$1,2^3$	1,728
$1,2^4$	2,073 6
$1,2^5$	2,488 32
$1,2^6$	2,985 984
$1,2^7$	3,583 180 8
$1,2^8$	4,299 816 96
$1,2^9$	5,159 780 35
$1,2^{10}$	6,191 736 42
$1,2^{11}$	7,430 083 71

Exercice 3 (2 points)

Cet exercice s'intéresse à la croissance d'une personne appelée Juliette. Sa croissance est modélisée par la fonction f , représentée ci-dessous.

La **vitesse de croissance** de Juliette (en cm par an) à une date donnée t est égale au **nombre dérivé** $f'(t)$.

On a également représenté trois tangentes à la courbe représentative de f : celles aux points A, B et C.



On répondra aux questions suivantes avec la précision permise par le graphique :

1. Estimer la taille de Juliette le jour de ses 14 ans.
2. À quel âge Juliette grandissait-elle le plus vite, à 12 ans ou à 14 ans? *Justifier.*
3. Pourquoi peut-on considérer que Juliette a terminé sa croissance à 17 ans?
4. Estimer la taille adulte de Juliette.